



क्रम संख्या....

माध्यमिक शिक्षा बोर्ड, राजस्थान, अजमेर
माध्यमिक परीक्षा

(परीक्षार्थी द्वारा स्वयं भरा जाना चाहिये)

परिक्षार्थी द्वारा लिये गए नाम (नामांक)

Candidate's Roll No. In English

(In Figures)

--	--	--	--	--	--	--	--

(In Words) _____

परिक्षार्थी का नामांक हिन्दी में

शब्दों में _____

नोट :- परीक्षार्थी उपरोक्त के अतिरिक्त उत्तर पुस्तिका के अन्य किसी भी भाग में अपना नामांक नहीं लिखें।

माध्यम - हिन्दी ☐ अंग्रेजी ☒

विषय Mathematics

परीक्षा का दिन..... Friday.....

दिनांक 22.03.19

नोट :- परीक्षार्थी के लिए आवश्यक निर्देश इस पृष्ठ के पिछले भाग पर उल्लेखित हैं। जिन्हें सावधानी पूर्वक पढ़ लें व पालना अवश्य करें।

परीक्षक हेतु निर्देश :- (1) परीक्षक को उपरोक्त सारणी अनुसार प्राप्तिक भरना अनिवार्य हैं, अन्यथा नियमानुसार दंडित किया जायेगा।

(2) परीक्षक उत्तर पुस्तिका के अन्दर के पृष्ठों के बायीं ओर निर्धारित कॉलम में लाल इंक से अंक प्रवृत्त करें।

(3) कुल योग भिन्न में प्राप्त होने पर उसे पूर्णांक में ही परिवर्तित कर अंकित करें (उदाहरणार्थ : 15 $\frac{1}{4}$ को 16, 17 $\frac{1}{2}$ को 18, 19 $\frac{3}{4}$ को 20)

प्रश्नवार प्राप्तांकों की सारणी (परीक्षक के उपयोग हेतु)			
प्रश्नों की क्रम संख्या	प्राप्तांक	प्रश्नों की क्रम संख्या	प्राप्तांक
1		19	
2		20	
3		21	
4		22	
5		23	
6		24	
7		25	
8		26	
9		27	
10		28	
11		29	
12		30	
13		31	
14		योग	
15		प्राप्त अंकों का कुल योग (Round off)	
16		अंकों में	शब्दों में
17			
18			

परीक्षक के हस्ताक्षर संकेतांक

--	--	--	--

प्रमाणित किया जाता है कि इस उत्तर पुस्तिका के निर्माण में 58 जी.एस.एम. क्रीमवोव कागज ही उपयोग में लिया गया है। 165/2019

परीक्षार्थियों के लिए आवश्यक निर्देश

- समस्त प्रश्नों का हल निर्धारित शब्द सीमा में इसी उत्तर पुस्तिका में करना है। विशेष परिस्थिति में अतिरिक्त उत्तर पुस्तिका पृथक से उत्तर पुस्तिका भरी हुई होने पर पर्यवेक्षक एवं वीक्षक की अनुशंसा पर ही उपलब्ध कराई जायेगी।
- प्रश्न-पत्र पर निर्धारित स्थान पर अपना नामांक लिखें।
- प्रश्न-पत्र हल करने के पश्चात् जिस पृष्ठ पर हल समाप्त होता है, उस पर अन्त में "समाप्त" लिखकर अन्त के सभी रिक्त पृष्ठों को तिरछी लाईन से काटें।
- निम्न बातों का विशेष ध्यान रखें अन्यथा अनुचित साधनों की रोकथाम अधिनियम के तहत कार्यवाही की जा सकेगी।
 - उत्तर पुस्तिका के ऊपर/अन्दर तथा प्रश्नोत्तर के किसी भी भाग में चाही गई सूचना के अलावा अपना नामांक, नाम, पता, फोन नम्बर अथवा पहचान की कोई अन्य प्रकार की सूचना आदि अंकित नहीं करें अन्यथा "अनुचित साधनों के प्रयोग" के अन्तर्गत कार्यवाही की जावेगी।
 - उत्तर पुस्तिका के पृष्ठों को फाड़ें नहीं। उत्तर-पुस्तिका के मुख पृष्ठ पर अंकित संख्या के अनुसार पृष्ठ पूरे होने चाहिये। परीक्षार्थी उत्तरपुस्तिका प्राप्त करते ही पृष्ठ संख्या की जांच कर लें यदि पृष्ठ कम/अधिक या क्रम में नहीं हैं तो वीक्षक से तुरन्त बदलवा लें।
 - परीक्षा केन्द्रों पर पुस्तक, लेख, कागज, कैलक्यूलटर, मोबाईल, पेजर आदि किसी भी प्रकार का इलेक्ट्रॉनिक उपकरण तथा किसी भी प्रकार का हथियार आदि ले जाना निषेध है।
 - वस्त्र, स्केल, ज्यामेट्री बॉक्स पर कुछ न लिखकर लावें। टेबुल के आस-पास कोई अवैध सामग्री नहीं होनी चाहिये, इसकी जांच कर लें।
 - अपनी उत्तर पुस्तिका/ग्राफ/मानचित्र आदि परीक्षा भवन से बाहर ले जाना दण्डनीय अपराध है, अतः परीक्षा समाप्ति पर उत्तर पुस्तिका वीक्षक को बिना सौंपें परीक्षा कक्ष नहीं छोड़ें।
- उत्तरों को क्रमानुसार एक ही स्थान पर लिखें। प्रश्न क्रमांक भी सही अंकित करें, अन्यथा दण्ड स्वरूप परीक्षक को 1 अंक कम करने का अधिकार है। बीच में उत्तर पुस्तिका के पृष्ठ रिक्त न छोड़ें। गणित विषय के लिए रफ कार्य उत्तर पुस्तिका के अंतिम पृष्ठों पर करें तथा तिरछी रेखा से काटें।
- जहाँ तक हो सके प्रश्न के सभी भाग के उत्तर, उत्तर पुस्तिका में एक ही स्थान पर अंकित करें।
- भाषा विषयों को छोड़कर शेष सभी विषयों के प्रश्न-पत्र हिन्दी-अंग्रेजी दोनों भाषा में मुद्रित है। किसी भी प्रकार की त्रुटि/अन्तर/विरोधाभास होने पर हिन्दी भाषा के प्रश्न को ही सही माना जाये।



परीक्षक द्वारा
प्रवेश अंक

प्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

(भाग - अ)

1) संघ योग विधि से 62 का वर्ग

$$\Rightarrow 6^2 / 62 \text{ का } / 2^2$$

$$\Rightarrow 36 / 6 \times 2 \times 2 / 4$$

$$\Rightarrow 36 / 24 / 4$$

$$\Rightarrow \boxed{3844} \text{ Ans}$$

2) $(x+1)(x+2) = (x-5)(x-6)$

$cd - ab$ विजीय सूत्र से

$$a+b-c-d$$

जहाँ $a = +1$, $b = +2$, $c = -5$, $d = -6$

$\Rightarrow$ सूत्र में मान रखने पर

$$\Rightarrow \frac{(-5)(-6) - (2)(1)}{1+2-(-5)-(-6)}$$

$$\Rightarrow \frac{30 - 2}{1+2+5+6}$$

$$\Rightarrow \frac{28}{14}$$

$$\Rightarrow \frac{28}{14} \Rightarrow \frac{17}{1} \text{ Ans}$$

$$\Rightarrow \frac{28}{14} \Rightarrow \frac{2}{1} = \boxed{x=2} \text{ Ans}$$

3) $HCF(68, 119) =$

$$\begin{array}{r|l} 68 & \\ \hline 2 & 68 \\ \hline 2 & 34 \\ \hline 17 & 17 \\ \hline 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 119 & \\ \hline 7 & 119 \\ \hline 17 & 17 \\ \hline 1 & \end{array}$$

$$68 = 2^2 \times 17$$

$$119 = 7 \times 17$$



प्रश्न संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

अतः $\boxed{HCF(68, 119) = 17}$ Ans

4) $\tan^2 60 + 3 \cos^2 30$
 $\Rightarrow (\sqrt{3})^2 + 3 \times \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2$

[मान रखने पर]

$\Rightarrow \frac{3 + 3 \times 3}{4}$

$\Rightarrow \frac{3 + 9}{4} \Rightarrow \boxed{\frac{21}{4}}$ Ans

5) $\sin 2A = \cos(A - 18^\circ)$

$\Rightarrow \cos[90 - 2A] = \cos(A - 18^\circ)$

तुलना करने पर

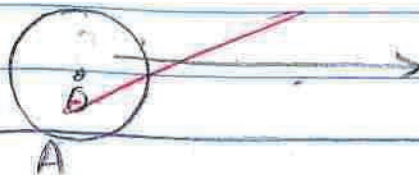
$\Rightarrow 90 - 2A = A - 18$

$\Rightarrow 108 = +3A$

$\Rightarrow A = \frac{108}{3}$

$\Rightarrow \boxed{A = 36^\circ}$ Ans

6)



समतल पर लुढ़कने वाले
चक्र के केन्द्र का बिन्दु पथ



परीक्षक द्वारा
प्रदत्त अंक

प्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी संख्या

समतल के समान्तर रेखा होगी
जो केन्द्र से गुजरती है।

7) चित्रानुसार:-

$$\triangle ABC \sim \triangle DEF$$

$$\text{जहाँ } AB = 1.6 \text{ cm}$$

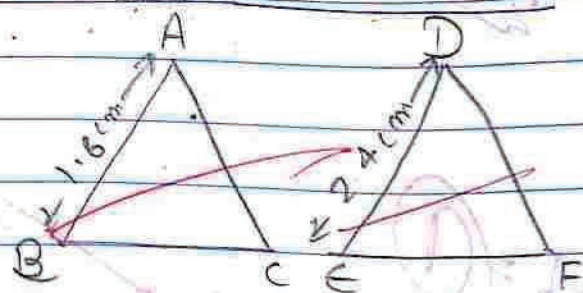
$$DE = 2.4 \text{ cm}$$

अतः दो समरूप त्रिभुजों के क्षेत्रफलों
का अनुपात उनकी संगत भुजाओं
के लंबाई के वर्गों के बराबर होता है अतः

$$\frac{\triangle ABC \text{ का Area}}{\triangle DEF \text{ का Area}} = \left(\frac{AB}{DE} \right)^2$$

$$= \left(\frac{1.6}{2.4} \right)^2$$

$$\boxed{\frac{\triangle ABC \text{ का Area}}{\triangle DEF \text{ का Area}} = \frac{4}{9} \text{ units}}$$



8)

यदि A द्वारा मैच जितने की प्रायिकता =

तो B द्वारा मैच जितने की प्रायिकता =

माना A द्वारा जीता गया जाने वाला

$$\text{मैच} = (E)$$

B द्वारा जीता जाने वाला मैच

$$(E)$$



प्रश्न संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

$$\Rightarrow P(E) + P(\bar{E}) = 1$$

$$\Rightarrow P(\bar{E}) = 1 - P(E)$$

$$\Rightarrow P(\bar{E}) = 1 - \frac{5}{6}$$

$$\Rightarrow P(\bar{E}) = \frac{1}{6}$$

अतः B द्वारा मैच
जितने की प्रायिकता = $\frac{1}{6}$ Ans

9) कार का किराया
प्रथम किलोमीटर = 20 रु.
इसके बाद प्रति Km = 11 रु.

$$A.P. = 20, (20+11), \dots$$

$$20, 31, \dots$$

जहाँ $a = 20$
 $d = 11$
15 किमी. पर कुल
किराया =

$$\Rightarrow S_{15} = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

$$\Rightarrow S_{15} = \frac{15}{2} [40 + 14 \times 11]$$

$$= \frac{15}{2} [40 + 154]$$

$$= \frac{15}{2} [194] \times 194 \Rightarrow 1455 \text{ रु.} \text{ Ans}$$

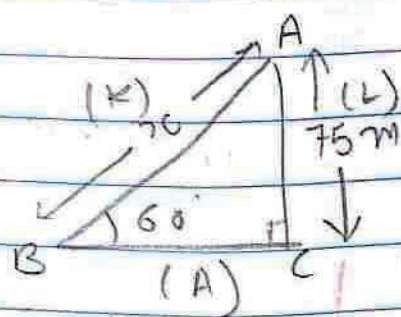
$$= \frac{3075}{2} \Rightarrow S_{15} = 1537.5 \text{ रु.} \text{ Ans}$$

परीक्षक द्वारा
प्रदत्त अंकप्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

10)

माना पतंग A
जो भूमि से 75m
की उचाई पर है
व क्षेत्रज के साथ
60° का कोण
बनाती है तो व्यांज (AB) की ल. =



$$\sin 60 = \frac{\text{लम्बाई}}{\text{कर्ण}}$$

$$\sin 60 = \frac{75}{x}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{75}{x}$$

$$x = \frac{150}{\sqrt{3}} \text{ या } x = 50\sqrt{3} \text{ m}$$

अतः व्यांज की
लम्बाई = $50\sqrt{3} \text{ m}$

(जवाब = ल)

11)

असूत्र आनुक्येयता द्वारा +2 का व्यनफल

I	II	III	IV
4^3	$4^2 \times 2$	4×2^2	2^3

$$\Rightarrow 64 \quad 32 \quad 16 \quad 8$$

$$\Rightarrow \begin{array}{cc} 64 & 32 \\ + 48 & + 16 \end{array}$$

$$64 / 96 / 112 / 128$$

$$74088 / 1000$$

परीक्षक द्वारा
प्रदत्त अंकप्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

12) सिद्ध करना है:-
 $\sqrt{5}$ एक अपरिमय सं. है।

माना $\sqrt{5}$ एक परिमेय सं. है अतः

$$\sqrt{5} = \frac{a}{b} \quad \left[\begin{array}{l} \text{जहाँ } b \neq 0 \text{ व } a, b \\ \text{सह अभाज्य} \end{array} \right]$$

पक्षान्तरण करने संख्या है]

पर

$$\Rightarrow \sqrt{5} = \frac{a}{b}$$

यहाँ बायें पक्ष $[\sqrt{5}]$ एक अपरिमय संख्या है वहीं दक्षिण पक्ष $[\frac{a}{b}]$ एक परिमेय संख्या है।

यह दोनों पक्ष समतुल्य नहीं हो सकते। यह विरोधाभास हमारी कल्पना $[\sqrt{5} \text{ एक परिमेय सं. है}]$ के कारण है अतः हमारी कल्पना गलत है।

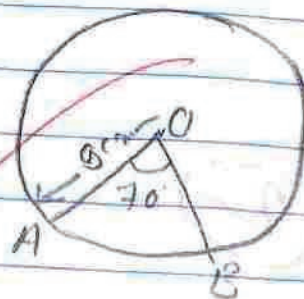
अतः $\sqrt{5}$ एक अपरिमय सं. है।
इति सिद्धम्

13) चित्रानुसार
 घट की प्रिज्या (OA)

$$= 9 \text{ cm}$$

प्रिज्याओं का कोण =

70°



परीक्षक द्वारा
प्रदत्त अंकप्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

3 प्रिज्म 2005 का क्षेत्रफल

$$\frac{70}{360} \times \pi r^2$$

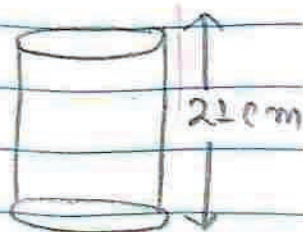
मान रखने पर

$$\Rightarrow \frac{70}{360} \times \frac{22}{7} \times 9 \times 9$$

$$\Rightarrow \frac{11 \times 9}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{99}{2} \Rightarrow 49.5 \text{ cm}^2 \text{ Ans}$$

14) चित्रानुसार
बेलन की ऊँ = 21 cm
एक पृष्ठीय क्षेत्रफल =



$$2\pi rh = 924$$

$$\Rightarrow \frac{2 \times 22}{7} \times 21 \times r = 924$$

$$\Rightarrow r = \frac{924 \times 7}{2 \times 22 \times 21}$$

$$\Rightarrow r = \frac{924 \times 7}{2 \times 22 \times 21} = \frac{462}{22 \times 3} = \frac{231}{11 \times 3}$$

$$\Rightarrow r = \frac{77}{11}$$

$$\Rightarrow r = 7 \text{ cm} \text{ प्रिज्म}$$

Ans



प्रश्नक द्वारा
प्रश्न संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

15)

प्रश्नानुसार

A व B के मध्य की दूरी =

कार की चाल = 125 km

50 km/h

यातायात के कारण प्रति सिगनल
पर कार के रुकने का संख्या =

I सिगनल पर = 1 min

II सिगनल पर = 2 min

अब सिगनल पर = 8 min

अतः $A.P =$

$a = 1$

$d = 1$

1, 2, ..., 8

कार द्वारा चली दूरी =

चाल $\times$ समय

50×2.5

125.0 km

कुल समय =

$$S_8 = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

$$\frac{8}{2} [2 + 7 \times 1]$$

$$4 [2 + 7]$$

$$4 \times 9$$

$$36 \text{ min}$$



$$\text{कुल समय} = 230 \text{ Min} + 36 \text{ Min}$$

$$= 266 \text{ Min} \text{ Ans}$$

(भाग = स)

$$16] \frac{1}{x-2} + \frac{2}{x-1} = \frac{6}{x}$$

$$\Rightarrow \frac{(x-1) + 2x-4}{(x-2)(x-1)} = \frac{6}{x}$$

$$\Rightarrow \frac{3x-5}{x^2-x-2x+2} = \frac{6}{x}$$

$$\frac{3x-5}{x^2-3x+2} = \frac{6}{x}$$

$$\Rightarrow 3x^2 - 5x = 6x^2 - 18x + 12$$

$$\Rightarrow 3x^2 - 13x + 12$$

$$\Rightarrow 3x^2 - 9x - 4x + 12$$

$$\Rightarrow 3x(x-3) - 4(x-3)$$

$$\Rightarrow (x-3)(3x-4) = 0$$

$$\Rightarrow x-3 = 0$$

$$x = +3$$

$$3x-4 = 0$$

$$x = \frac{4}{3}$$

$$\text{अतः हल} = 3, \frac{4}{3}$$

17] 2 व 101 के मध्य की 5 से भाज्य संख्याएं =

$$5, 10, 15, \dots, 100$$

$$a_n = a + (n-1)d$$



परीक्षक द्वारा
प्रदत्त अंक

प्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

$$\Rightarrow 100 = 5 + (n-1)5$$

$$\Rightarrow 100 = 5 + 5n - 5$$

$$\Rightarrow 100 = 5n$$

$$\Rightarrow \boxed{n = 20}$$

इसका योग =

$$S_n = \frac{n}{2} [a + l]$$

$$\Rightarrow S_{20} = \frac{20}{2} [5 + 100]$$

$$\Rightarrow = 10 [105]$$

$$\Rightarrow \boxed{S_{20} = 1050} \text{ उत्तर}$$

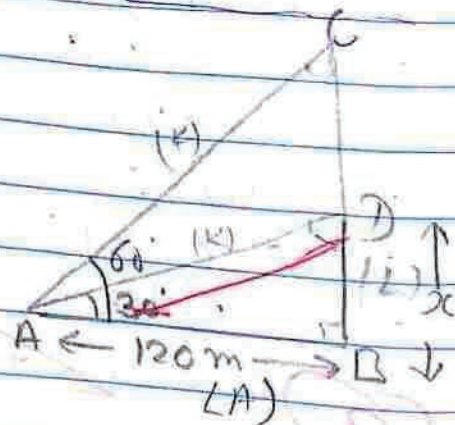
18] प्रश्नानुसार :-

अपूर्ण मीनार (DB)

से 120 मी. दूरी पर

ए बिन्दु से ऊँचाई

कोण = 30°



$\triangle ADB$ में

$$\tan 30 = \frac{DB}{AB}$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{DB}{120}$$

$$DB = \frac{120}{\sqrt{3}}$$

$$\text{या } DB = 40\sqrt{3}$$

$\triangle ACB$ में

$$\tan 60 = \frac{BC}{AB}$$

$$\sqrt{3} = \frac{BC}{120}$$

$$120\sqrt{3} = BC$$



उन्नयन कोण $= 60^\circ$ होने के लिए मिनार की ऊचाई $(CD) =$

$$CB - BD = 120\sqrt{3} - 40\sqrt{3}$$

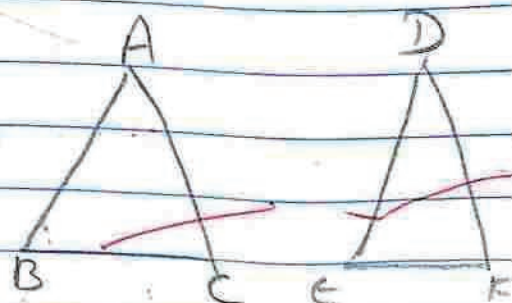
$$CD = 80\sqrt{3} \text{ m} \quad \text{Ans}$$

अतः $80\sqrt{3} \text{ m}$ ऊँचाई होने पर उन्नयन कोण 60° होगा।

19) दिया है :-

$$\Delta ABC \sim \Delta DEF$$

$$\therefore \text{Area of } \Delta ABC = \text{Area of } \Delta DEF$$



सिद्ध करना :- $\Delta ABC \cong \Delta DEF$

उपपत्ति :-

$$\frac{\Delta ABC \text{ का Area}}{\Delta DEF \text{ का Area}} = \left(\frac{AB}{DE} \right)^2$$

$\therefore$ दो समरूप त्रिभुजों के क्षेत्रफलों का अनुपात उनकी संगत भुजाओं के वर्गों के अनुपात में होता है।

$$\Rightarrow 1 = \left(\frac{AB}{DE} \right)^2$$

$$\Rightarrow DE^2 = AB^2 \Rightarrow \boxed{DE = AB} \quad \text{--- ①}$$

इसी प्रकार



परीक्षक द्वारा
प्रदत्त अंक

प्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

21)

चित्रानुसार =

$$AB = 12 \text{ cm}$$

$$OA = 15 \text{ cm}$$

$$AB = AE + EB$$

$$= 3x + x$$

$$\therefore AE : EB = 3 : 1$$

$$12 = 4x$$

$$x = 3 \text{ cm}$$

अतः

$$AE = 9, EB = 3$$

$\triangle AOE$ में

त्रिज्या $\perp$ स्पर्श रेखा पर
लम्ब होती है अतः

पाइथागोरस प्रमेय से

$$OA^2 = OE^2 + AE^2$$

$$\Rightarrow OE^2 = OA^2 - AE^2$$

$$= 15^2 - 9^2$$

$$= 225 - 81$$

$$OE = \sqrt{144}$$

$$OE = 12 \text{ cm} = \text{त्रिज्या}$$

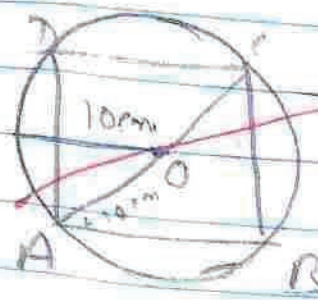
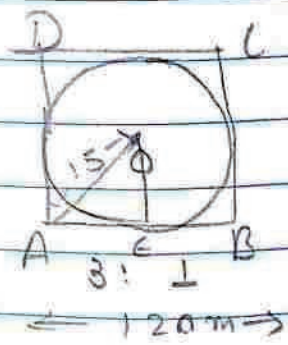
23)

0 केन्द्र वाले वृत्त की

$$\text{त्रिज्या} = 10 \text{ cm}$$

वृत्त का व्यास = वर्ग का
विभक्त

$$2 \times 10 = 20 \text{ cm}$$



परीक्षक द्वारा
प्रदत्त अंकप्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

वर्ग की भुजा =

$$BC^2 + AB^2 = AC^2$$

(पाइथागोरस प्रमेय से)

$$2BC^2 = 400$$

दोनों पक्षों में वर्गमूल करने पर

$$BC\sqrt{2} = 20$$

$$BC = \frac{20}{\sqrt{2}} \text{ या } 10\sqrt{2} \text{ cm}$$

वर्ग का क्षेत्रफल =

$$(\text{भुजा})^2$$

$$(10\sqrt{2})^2$$

$$200 \text{ cm}^2 \quad \text{cm}^2$$

24

पिछानुसार

गोले का व्यास = 6 cm

गोले की त्रिज्या =



← 12 cm

खेलन का व्यास = ~~12 cm~~ 3 cm = r

खेलन की त्रिज्या = 12 cm

$$6 \text{ cm} = r_1$$

प्रश्नानुसार = गोले की खेलनाकार
खेलन में डालने पर

खेलन का आयतन =

गोले का आयतन



परीक्षक द्वारा
प्रश्न संख्या

परिभाषी खंड

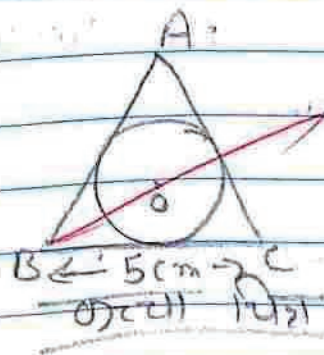
$$\pi r_1^2 h = \frac{4}{3} \pi r_2^3$$

$$\Rightarrow h = \frac{4 \times r_2^3}{3 \times r_1^2}$$

$$\Rightarrow = \frac{4 \times 3 \times 3 \times 3}{3 \times 6 \times 6}$$

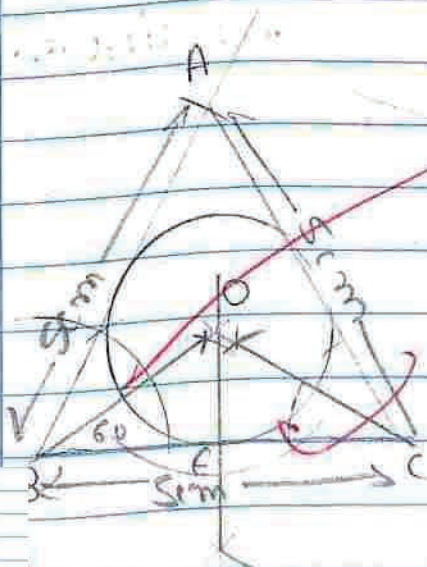
$$\Rightarrow \boxed{h = 1 \text{ cm}} \text{ conv}$$

22]



स्वना के पद:-

- i] सर्वप्रथम कच्चा चित्र बनाया
- ii] $BC = 5 \text{ cm}$ भुजा की स्वना की
- iii] बिन्दु $B = 60^\circ$ का कोण बनाया
- iv] बिन्दु B से 5 cm का चाप काटा
- v] इस प्रकार बिन्दु A प्राप्त हुआ
- vi] A व C को मिलाया
- vii] $\angle B$ व $\angle C$ का समद्विभाजिका
- viii] इस प्रकार बिन्दु O प्राप्त हुआ
- ix] OE रेखा का अन्तर्गत बनाया



ख

परीक्षक द्वारा
प्रदत्त अंकप्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

25) खेल में कार्ड = 15
जिनपर अंकित कुल परिणाम =

i) कार्ड पर ^{1, 2, 3, 4, ..., 15} अंकित विभाज्य
सं. = 2, 3, 5, 7, 11, 13
अर्थात् = 6
अभीष्ट प्राप्ति =

अनुकूल परिणाम

कुल परिणाम

6	कां
15	

ii) 2 से विभाज्य सं. के अनुकूल परिणाम =

2, 4, 6, 8, 10, 12, 14 अर्थात् 7

अभीष्ट प्राप्ति = अनुकूल परिणाम

कुल परिणाम

7	कां
15	

(भाग- 6)

27) अथवा का उत्तर

$$ii) \frac{\sin \theta}{(1 + \cos \theta)} + \frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta} = 2 \operatorname{cosec} \theta$$

परीक्षक द्वारा
प्रश्न संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

LHS

$$\Rightarrow \frac{\sin \theta}{(1+\cos \theta)} + \frac{1+\cos \theta}{\sin \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{\sin^2 \theta + (1+\cos \theta)^2}{(1+\cos \theta) \sin \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{\sin^2 \theta + 1 + \cos^2 \theta + 2\cos \theta}{(1+\cos \theta) \sin \theta} \left[\because (a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab \right]$$

$$\Rightarrow \frac{1+1+2\cos \theta}{(1+\cos \theta) \sin \theta} \left[\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 \right]$$

$$\Rightarrow \frac{2[1+\cos \theta]}{\sin \theta [1+\cos \theta]}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{\sin \theta} \Rightarrow \frac{2 \operatorname{cosec} \theta}{1} \left[\because \frac{1}{\sin \theta} = \operatorname{cosec} \theta \right]$$

LHS = RHS ही सिद्ध

• ii) $\frac{\sin \theta - 2\sin^3 \theta}{2\cos^3 \theta - \cos \theta} = \tan \theta$

LHS

$$\Rightarrow \frac{\sin \theta - 2\sin^3 \theta}{2\cos^3 \theta - \cos \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{\sin \theta [1 - 2\sin^2 \theta]}{\cos \theta [2\cos^2 \theta - 1]}$$

$$\Rightarrow \tan \theta \left[\frac{1 - 2[1 - \cos^2 \theta]}{2\cos^2 \theta - 1} \right] \quad (\because \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1)$$

$$\Rightarrow \tan \theta \left[\frac{1 - 2 + 2\cos^2 \theta}{2\cos^2 \theta - 1} \right]$$

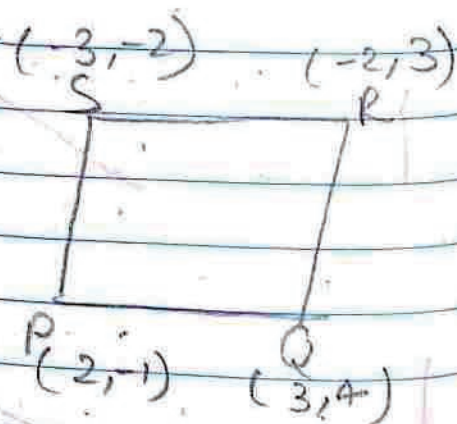
$$\Rightarrow \tan \theta \left[\frac{-1 + 2\cos^2 \theta}{-1 + 2\cos^2 \theta} \right]$$

परीक्षक द्वारा
प्रश्न अंकप्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

→ $\tan \theta$

LHS = RHS इति सिद्धम्



28) दिया है:-

समतल पर

एक चतुर्भुज PQRS है।

जिसमें $P = (2, -1)$ $Q = (3, 4)$ $R = (-2, 3)$ $S = (-3, -2)$

सिद्ध करना = PQRS एक समचतुर्भुज है
अतः $PQ = QR = RS = SP$
व $PR \neq QS$

उपपत्ति:-

दूरी सूत्र से

$$\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$\begin{aligned} PQ &= \\ \Rightarrow &= \sqrt{(3-2)^2 + (4+1)^2} \\ \Rightarrow &= \sqrt{1+25} \\ \Rightarrow &= \sqrt{26} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} QR &= \\ &= \sqrt{(-2-3)^2 + (3-4)^2} \\ &= \sqrt{25+1} \\ &= \sqrt{26} \end{aligned}$$



परीक्षक द्वारा
प्रदत्त अंक

प्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

$$\begin{aligned} RS &= \\ \Rightarrow &= \sqrt{(-3+2)^2 + (-2-3)^2} \\ \Rightarrow &= \sqrt{1+25} \\ \Rightarrow &= \sqrt{26} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} SP &= \\ &= \sqrt{(2+3)^2 + (-1+2)^2} \\ &= \sqrt{25+1} \\ &= \sqrt{26} \end{aligned}$$

अतः

$$\begin{aligned} PR &= \sqrt{(2+2)^2 + (-1-3)^2} \\ &= \sqrt{16+16} \\ &= \sqrt{32} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} QS &= \sqrt{(3+3)^2 + (4+2)^2} \\ &= \sqrt{36+36} \\ &= \sqrt{72} \end{aligned}$$

यहाँ $PQ = QR = RS = SP$

लेकिन $PR \neq QS$

अतः यह एक समचतुर्भुज है।

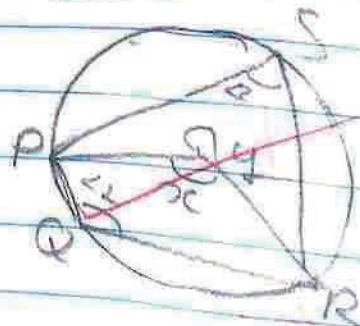
29) दिया है :-

PQRS एक चक्रीय
चतुर्भुज है।

सिद्ध करना :-

$$P + R = 180^\circ$$

$$\text{या } Q + S = 180^\circ$$





उपपत्ति:-

$$\angle x = 211 \quad \text{--- ①}$$

[केन्द्र पर बना कोण
परिधि पर बने कोण
का पूरुणा होता है।]

इस प्रकार:-

$$y = 22 \quad \text{--- ②}$$

समी ① + ② से

$$2x + 2y = 2[21 + 22]$$

$$360 = 2[21 + 22]$$

$$\angle Q + \angle S = 180^\circ$$

इसी प्रकार

$$\angle P + \angle R = 180^\circ$$

इति सिद्धम्

30]

वर्ग	10-25	25-40	40-55	55-70	70-85	85-100
f_i	6	20	44	26	3	1

बहुलक :-

बहुलकी वर्ग

बहुलक वर्ग =

$$\text{वर्ग} = 40-55$$

$$f_i = 44$$

$$l + \left[\frac{f_i - f_0}{2f_i - f_0 - f_2} \right] \times h$$

l = बहुलकी वर्ग की निम्न
सीमा = 40



परीक्षक द्वारा प्रदत्त अंक	प्रश्न संख्या	परीक्षार्थी उत्तर
		$f_1 =$ लघुलक वर्ग की वारम्भता = 44 $f_0 =$ लघुलक वर्ग से पूर्व की वारम्भता = 20 $f_2 =$ लघुलक वर्ग के बाद की वारम्भता = 26 $h =$ वर्ग अन्तराल = 15 मूल सूत्रों पर $40 + \left[\frac{44 - 20}{88 - 20 - 26} \right] \times 15$ $\Rightarrow 40 + \left[\frac{24}{88 - 46} \right] \times 15$ $\Rightarrow 40 + \left[\frac{24}{42} \right] \times 15$ $\Rightarrow 40 + \left(\frac{4}{7} \right) \times 15$ $\Rightarrow 40 + \frac{60}{7}$ $\Rightarrow 40 + 8.5$ $\Rightarrow \boxed{48.5 \text{ इन्च}} \text{ \& Ans}$
		<u>साध्यक</u> पूरा कॉपी में



माध्यमिक शिक्षा बोर्ड, राजस्थान, अजमेर

माध्यमिक परीक्षा

2931208

(परीक्षार्थी द्वारा स्वयं भरा जाना चाहिये)

Candidate's Roll No. in English
(In Figures) 220
(In Words) ac

परीक्षार्थी का नामांक हिन्दी में
शब्दों : _____

नोट :- परीक्षार्थी उपरोक्त के अतिरिक्त उत्तर पुस्तिका के अन्य किसी भी भाग में अपना नामांक नहीं लिखें।

माध्यम - ☒ हिन्दी ☐ अंग्रेजी

विषय वाणी

परीक्षा का दिन.....

दिनांक

नोट :- परीक्षार्थी के लिए आवश्यक निर्देश इस पृष्ठ के पिछले भाग पर उल्लेखित हैं। जिन्हें सावधानी पूर्वक पढ़ लें व पालना अवश्य करें।

परीक्षक हेतु निर्देश :- (1) परीक्षक को उपरोक्त सारणी अनुसार प्राप्तांक भरना अनिवार्य हैं, अन्यथा नियमानुसार दंडित किया जायेगा।
(2) परीक्षक उत्तर पुस्तिका के अन्दर के पृष्ठों के बायीं ओर निर्धारित कॉलम में लाल इंक से अंक प्रदत्त करें।
(3) कुल योग भिन्न में प्राप्त होने पर उसे पूर्णांक में ही परिवर्तित कर अंकित करें (उदाहरणार्थ : 15 $\frac{1}{4}$ को 16, 17 $\frac{1}{2}$ को 18, 19 $\frac{3}{4}$ को 20)

प्रश्नवार प्राप्तांकों की सारणी (परीक्षक के उपयोग हेतु)

प्रश्नों की क्रम संख्या	प्राप्तांक	प्रश्नों की क्रम संख्या	प्राप्तांक
1		19	
2		20	
3		21	
4		22	
5		23	
6		24	
7		25	
8		26	
9		27	
10		28	
11		29	
12		30	
13		31	
14		योग	
15		प्राप्त अंकों का कुल योग (Round off)	
16		अंकों में	शब्दों में
17			
18			

परीक्षक के हस्ताक्षरसंकेतांक

प्रमाणित किया जाता है कि इस उत्तर पुस्तिका के निर्माण में 58 जी.एस.एम. क्रीमवोव कागज ही उपयोग में लिया गया है। 165/201

परीक्षार्थियों के लिए आवश्यक निर्देश

1. समस्त प्रश्नों का हल निर्धारित शब्द सीमा में इसी उत्तर पुस्तिका में करना है। विशेष परिस्थिति में अतिरिक्त उत्तर पुस्तिका पृथक से उत्तर पुस्तिका भरी हुई होने पर पर्यवेक्षक एवं वीक्षक की अनुशंसा पर ही उपलब्ध कराई जायेगी।
2. प्रश्न-पत्र पर निर्धारित स्थान पर अपना नामांक लिखें।
3. प्रश्न-पत्र हल करने के पश्चात् जिस पृष्ठ पर हल समाप्त होता है, उस पर अन्त में "समाप्त" लिखकर अन्त के सभी रिक्त पृष्ठों को तिरछी लाईन से काटें।
4. निम्न बातों का विशेष ध्यान रखें अन्यथा अनुचित साधनों की रोकथाम अधिनियम के तहत कार्यवाही की जा सकेगी।
 - (i) उत्तर पुस्तिका के ऊपर/अन्दर तथा प्रश्नोत्तर के किसी भी भाग में चाही गई सूचना के अलावा अपना नामांक, साधनों के प्रयोग के अन्तर्गत कार्यवाही की जावेगी।
 - (ii) उत्तर पुस्तिका के पृष्ठों को फाड़ें नहीं। उत्तर-पुस्तिका के मुख पृष्ठ पर अंकित संख्या के अनुसार पृष्ठ पूरे होने चाहिये। परीक्षार्थी उत्तरपुस्तिका प्राप्त करते ही पृष्ठ संख्या की जांच कर लें यदि पृष्ठ कम/अधिक या क्रम में नहीं हैं तो वीक्षक से तुरन्त बदलवा लें।
 - (iii) परीक्षा केन्द्रों पर पुस्तक, लेख, कागज, कैलकुलेटर, मोबाईल, पेजर आदि किसी भी प्रकार का इलेक्ट्रॉनिक उपकरण तथा किसी भी प्रकार का हथियार आदि ले जाना निषेध है।
 - (iv) वस्त्र, स्केल, ज्योमेट्री बॉक्स पर कुछ न लिखकर लावें। टेबुल के आस-पास कोई अवैध सामग्री नहीं होनी चाहिये, इसकी जांच कर लें।
 - (v) अपनी उत्तर पुस्तिका/ग्राफ/मानचित्र आदि परीक्षा भवन से बाहर ले जाना दण्डनीय अपराध है, अतः परीक्षा समाप्ति पर उत्तर पुस्तिका वीक्षक को बिना सौंपे परीक्षा कक्ष नहीं छोड़ें।
5. उत्तरों को क्रमानुसार एक ही स्थान पर लिखें। प्रश्न क्रमांक भी सही अंकित करें, अन्यथा दण्ड स्वरूप परीक्षक को उत्तर पुस्तिका के अंतिम पृष्ठों पर करें तथा तिरछी रेखा से काटें।
6. जहाँ तक हो सके प्रश्न के सभी भाग के उत्तर, उत्तर पुस्तिका में एक ही स्थान पर अंकित करें।
7. भाषा विषयों को छोड़कर शेष सभी विषयों के प्रश्न-पत्र हिन्दी-अंग्रेजी दोनों भाषा में मुद्रित हैं। किसी भी प्रकार की त्रुटि/अन्तर/विरोधाभास होने पर हिन्दी भाषा के प्रश्न को ही सही माना जाये।



परीक्षक द्वारा
प्रदत्त अंक

प्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

माध्यम

वर्ग	लाभकारता	Cf ₁
10-25	6	6
25-40	20	26
40-55	44	70
55-70	26	96
70-85	3	99
85-100	1	100

माध्यम
वर्ग

$$\frac{100}{2} = N$$

$$N = 50$$

$$\text{माध्यम} = l + \left[\frac{\frac{N}{2} - C}{f} \right] \times h$$

यहाँ:-

$$l = \text{माध्यम वर्ग की निम्न सीमा} = 40$$

$$N = \text{कुल लाभकारता} = 100$$

$$C = \text{माध्यम वर्ग के ऊपर की संचयी लाभकारता (Cf₁)}$$

$$f_1 = \text{माध्यम वर्ग की लाभकारता} = 26$$

$$h = \text{वर्ग अन्तराल} = 15$$

मान रखने पर

$$40 + \left[\frac{50 - 26}{44} \right] \times 15$$



परीक्षक द्वारा
प्रश्न संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

$$40 + \left(\frac{24}{44}\right) 15$$

$$\Rightarrow 40 + \left(\frac{6}{11}\right) 15$$

$$\Rightarrow 40 + \frac{90}{11}$$

$$\Rightarrow 40 + 8.1$$

$$\boxed{48.1 \text{ साई / किलो}} / \text{किलो}$$

26)

समी.

$$3x - 5y = -1$$

$$x = \frac{-1 + 5y}{3}$$

$$\Rightarrow y = 2 \text{ रखने पर}$$

$$x = \frac{-1 + 10}{3}$$

$$\boxed{x = 3}$$

$$y = -1 \text{ रखने पर}$$

$$x = \frac{-1 - 5}{3}$$

$$\boxed{x = -2}$$

$$y = -4 \text{ रखने पर}$$

$$x = \frac{-1 - 20}{3}$$

$$\boxed{x = -7}$$



x	3	-2	-7
y	2	-1	-4

समी.

$$2x - y = -3$$

$$2x + 3 = y$$

$$x = 1 \text{ रखने पर}$$

$$2 + 3 = y$$

$$y = 5$$

$$x = -1 \text{ रखने पर}$$

$$-2 + 3 = y$$

$$y = 1$$

$$x = 2 \text{ रखने पर}$$

$$y = 4 + 3$$

$$y = 7$$

x	1	-1	2
y	5	1	7

अब वाफ में —

अतः

$$x = -2$$

$$y = -1$$

परीक्षक द्वारा
प्रश्न अंकप्रश्न
संख्या

परीक्षार्थी उत्तर

$$\Rightarrow (x+y)^2 = A$$

$$\Rightarrow (-2-1)^2$$

$$\Rightarrow (-3)^2$$

$$\Rightarrow \boxed{9 = A} \text{ क्यों}$$

(समाप्त)

नामांक (अंकों में)

विषय गणित

नोट : परीक्षार्थी अनिवार्य रूप से इस ग्राफ कागज को अपनी उत्तर पुस्तिका में धागे द्वारा संलग्न करें तथा साथ न ले जावें।
ग्राफ कागज उत्तर पुस्तिका के साथ न मिलने पर परीक्षार्थी दण्ड का भागी होगा।

पैमाना =

x अक्ष पर =

1 डिग्री = 1 इंच

y अक्ष पर =

1 डिग्री = 1 इंच

कटाव बिन्दु =
(-2, -1)

